



Mengetahui,  
Kepala SMK Negeri 1 Boyolali

Boyolali, Juni 2020  
Guru Mata Pelajaran

Heryanto, S,Pt, MM  
NIP. 196301301985031005

Reny Anggraini P, S.Pd  
NIP.

**TUGAS**

**PENYUSUNAN BAHAN AJAR 2**

**(BARISAN GEOMETRI KELAS X)**



**Disusun Oleh :**

**RENY ANGGRAINI PARMANTO**

**PROGRAM PENDIDIKAN PROFESI GURU MATEMATIKA**

**FAKULTAS KEGURUAN DAN ILMU PENDIDIK**

**UNIVERSITAS WIDYA DHARMA KLATEN**

**2020**

$+ b^2 = 0$   
 $V = 1(m / (Ma) \pm RbT)^2 = a^2 x^2 \pm 2ab + b^2$   
 $ctg x = \cos x / \sin x$   
 $p V = (a(m b) | v |) \neq I$   
 $P = mg$   
 $ax^2 + bx + c = 0$   
 $ax^2 + bx + c = 0$   
 $tg x = \sin x / \cos x$   
 $S = a^2 = \pi * R^2$   
 $H_2SO_4$

# BARISAN GEOMETRI





### Kompetensi Inti (KI)

KI.1	Menghayati dan mengamalkan ajaran agama yang dianutnya
KI.2	Menghayati dan mengamalkan perilaku jujur, disiplin, tanggung jawab, peduli (gotong royong, kerjasama, toleran, damai), santun, responsif, pro-aktif, dan menunjukkan sikap sebagai bagian dari solusi atas berbagai permasalahan dalam berinteraksi secara efektif dengan lingkungan sosial dan alam serta dalam menempatkan diri sebagai cerminan bangsa dalam pergaulan dunia
KI.3	Memahami, menerapkan, menganalisis pengetahuan faktual, konseptual, prosedural berdasarkan ingintahunya tentan ilmu pengetahuan, teknologi, seni, budaya dan humaniora dengan wawasan kemanusiaan, kebangsaan, kenegaraan dan peradaban terkait fenomena dan kejadian, serta menerapkan pengetahuan prosedural pada bidang kajian yang spesifik sesuai dengan bakat dan minatnya untuk memecahkan masalah
KI.4	Mengolah, menalar, menyaji dan mencipta daam ranah konkret dan ranah abstrak terkait dengan pengembangan dari yang dipelajarinya disekolah secara mandiri, dan mampu menggunakan metode sesuai kaidah keilmuan.

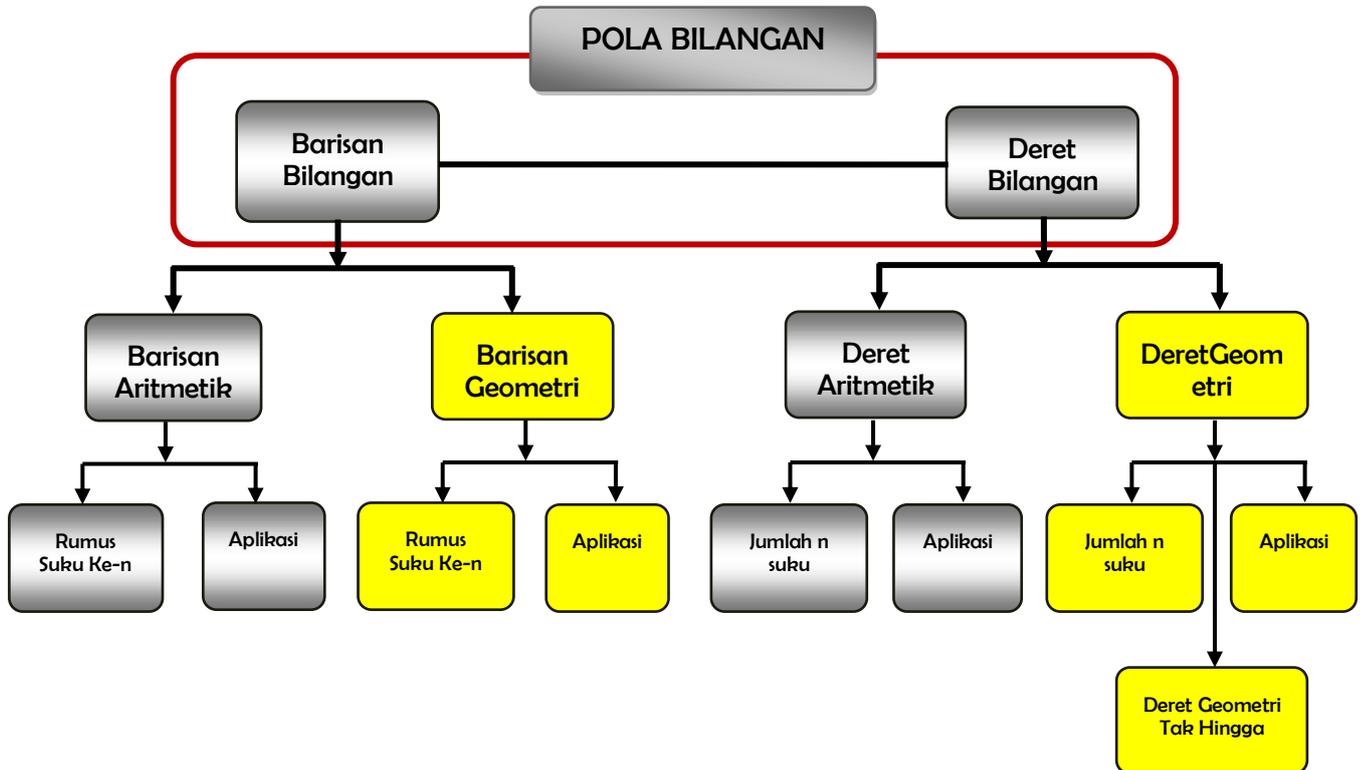
### **A. Kompetensi Dasar**

- 3.6 Menganalisis barisan dan deret geometri.
- 4.6. Menyelesaikan masalah kontekstual yang berkaitan dengan barisan dan deret geometri

### **B. Indikator Pencapaian Kompetensi**

- 3.6.1 Menjelaskan konsep dari barisan dan deret geometri
- 3.6.2 Menentukan rumus suku ke- $n$  dari suatu barisan dan deret geometri
- 3.6.3 Menganalisis barisan dan deret geometri
- 4.6.1 Memecahkan permasalahan yang berkaitan dengan barisan dan deret geometri dalam kehidupan sehari-hari

## PETA KONSEP



Sebelum masuk ke materi, mari simak video pembelajaran pada link youtube atau barcode berikut

Link youtube : <https://youtu.be/8gQF98k0VdY>

Scan Barcode





Tahukah kamu ????

Untuk apa dan mengapa kita mempelajari barisan geometri???

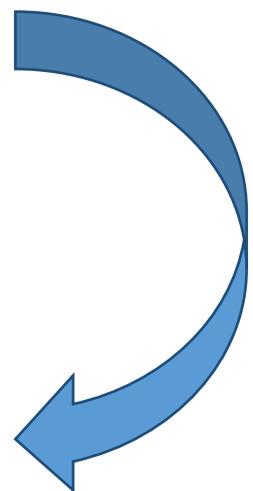
Perhatikan ilustrasi berikut

Jika ada seorang pedagang setiap awal bulan menyimpan uangnya di bank sebesar Rp.5.000.000,00 secara berturut-turut selama 2 tahun. Bank tersebut memberikan bunga majemuk sebesar 3% sebulan. Bisakah kita memprediksi jumlah uang pedagang tersebut selama 2 tahun ?

Untuk menghitung jumlah uang pedagang tersebut akan memakan waktu yang lama dan membutuhkan ketelitian, tetapi ada cara yang lebih mudah jika kita mempelajari barisan dan deret geometri. Banyak permasalahan dalam kehidupan sehari-hari lainnya yang bisa diselesaikan dengan mempelajari barisan dan deret geometri.



Mari kita pelajari materi barisan dan deret geometri berikut ini.





## KEGIATAN BELAJAR 1

### Barisan geometri

Perhatikan bahwa  $\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{1}{8}, \frac{1}{16}, \dots$  merupakan contoh barisan geometri. Contoh barisan geometri yang lainnya adalah :

i). 2, 6, 18, 54, ...

ii). 5, -10, 20, -40, ...

lii). 27, 9, 3, 1, ...

Secara umum dapat dikatakan bahwa barisan

$U_1, U_2, U_3, U_4, \dots, U_n$  disebut barisan geometri jika

$$\frac{U_2}{U_1} = \frac{U_3}{U_2} = \frac{U_4}{U_3} = \dots = \frac{U_n}{U_{n-1}} = \text{konstanta}$$

Konstanta dalam hal ini disebut dengan **rasio (r)**.

Untuk barisan pada contoh diatas :

1. rasio =  $\frac{6}{2} = \frac{18}{6} = \frac{54}{18} = \dots = 3$

2. rasio =  $\frac{-10}{5} = \frac{20}{-10} = \frac{-40}{20} = \dots = -2$

3. rasio =  $\frac{9}{27} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3} = \dots = \frac{1}{3}$

**Barisan geometri** ialah barisan yang memiliki rasio atau perbandingan yang tetap (senilai) antara suku-suku yang berurutan.

Rumus umum suku ke –  $n$  barisan geometri dengan suku pertama  $a$  dan rasio  $r$  dapat ditemukan seperti berikut :

$$U_1 = a$$

$$U_2 = ar$$

$$U_3 = ar^2$$

$$U_4 = ar^3$$

## BARISAN GEOMETRI

### RUMUS SUKU ke- $n$ BARISAN GEOMETRI

Suatu barisan geometri dengan bentuk umum

$$a, ar, ar^2, ar^3, ar^4, \dots, U_n$$

maka **Rumus Suku ke- $n$**  Barisan Geometri adalah:

$$U_n = ar^{n-1} \quad \text{dengan} \quad \frac{U_n}{U_{n-1}} = r$$

Keterangan:  $a$  = suku pertama

$r$  = rasio

$n$  = banyak suku



**Contoh 1:**

Dari barisan di bawah ini, manakah yang merupakan barisan geometri ?

a.  $1, \frac{1}{3}, \frac{1}{9}, \frac{1}{27}, \dots$

b.  $2, 4, 12, 48, \dots$

Jawab :

$$\text{a. } \frac{U_2}{U_1} = \frac{\frac{1}{3}}{1} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{U_3}{U_2} = \frac{\frac{1}{9}}{\frac{1}{3}} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{U_4}{U_3} = \frac{\frac{1}{27}}{\frac{1}{9}} = \frac{1}{3}$$

karena memiliki perbandingan dua suku yang berurutan selalu sama,

maka merupakan **barisan geometri** dengan rasio  $(r) = \frac{1}{3}$

$$\text{b. } \frac{U_2}{U_1} = \frac{4}{2} = 2$$

$$\frac{U_3}{U_2} = \frac{12}{4} = 3$$

$$\frac{U_4}{U_3} = \frac{48}{12} = 4$$

Karena perbandingan dua suku yang berurutan tidak sama, maka **bukan barisan geometri**

### Contoh 2:

Tentukan rumus suku ke – n dan suku ke – 7 pada barisan geometri : 1, 2, 4, 8, . . . . .

Jawab :

$$a = 1 \text{ dan } r = 2$$

Rumus suku ke-n :  $U_n = ar^{n-1}$

$$U_n = 1 \cdot 2^{n-1}$$

$$U_n = 2^{n-1}$$

Suku ke – 7 :  $U_7 = 2^{7-1}$

$$U_7 = 2^6$$

$$U_7 = 64$$

### Contoh 3

Suku pertama dari suatu barisan geometri sama dengan 128, sedangkan suku ke-4 sama dengan 16,

- Carilah rasio barisan geometri tersebut
- Carilah suku ke – 6
- Suku keberapakah yang nilainya sama dengan 1?

Jawab :

a) Rasio barisan geometri tersebut

$$a = 128 \text{ ....(i)}$$

$$U_4 = 16 = ar^3 \text{ ....(ii)}$$

Persamaan (ii) dibagi persamaan (i) diperoleh

$$\frac{U_4}{a} = \frac{ar^3}{a} = \frac{16}{128}$$

$$r^3 = \frac{1}{8} = \left(\frac{1}{2}\right)^3$$

$$r = \frac{1}{2}$$

$$\text{Rasio} = \frac{1}{2}$$

b). Suku ke – 6

$$U_6 = ar^5 = 128 \left(\frac{1}{2}\right)^5 = 128 \cdot \frac{1}{32} = 4$$

**suku ke- 6 adalah 4**

c) Suku yang nilainya sama dengan 1?

$$U_n = 1$$

$$ar^{n-1} = 1$$

$$128 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{n-1} = 1$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{n-1} = \frac{1}{128}$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{n-1} = \left(\frac{1}{2}\right)^7$$

$$n - 1 = 7$$

$$n = 8$$

**Jadi, 1 adalah suku ke – 8**

#### Contoh 4



Sebuah mobil dibeli dengan harga Rp. 80.000.000,00. Setiap tahun nilai jualnya menjadi  $\frac{3}{4}$  dari harga sebelumnya. Berapa nilai jual setelah dipakai 3 tahun ?

Jawab :

Kata kunci dalam soal ini adalah “Setiap tahun nilai jualnya menjadi  $\frac{3}{4}$  dari harga sebelumnya”, ini artinya rasionya  $\frac{3}{4}$  dan termasuk dalam deret geometri.

Yang jadi pertanyaannya adalah suku ke-4 dengan  $a = 80.000.000$

$$U_4 = ar^3 = 80.000.000 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^3 = 33.750.000$$

Jadi nilai jual mobil setelah dipakai 3 tahun adalah Rp. 33.750.000,00

#### Contoh 5

Jika ada seorang pedagang setiap awal bulan menyimpan uangnya di bank sebesar Rp. 5.000.000,00 secara berturut-turut selama 2 tahun. Bank tersebut memberikan bunga majemuk sebesar 3% sebulan. Bisakah kita memprediksi jumlah uang pedagang tersebut selama 2 tahun ?

**Jawab :**

Pada bulan pertama uang pedagang di bank sebesar Rp. 5.000.000,00

Pada bulan kedua uang pedagang di bank bertambah sebesar Rp. 5.000.000  
(1,03)

Pada bulan ketiga uang pedagang di bank bertambah sebesar Rp. 5.000.000  
(1,03)<sup>2</sup>

Demikian seterusnya, sehingga pada bulan ke-24 uang pedagang di bank  
bertambah sebesar Rp. 5.000.000(1,03)<sup>23</sup>.

Jumlah uang pedagang setelah 2 tahun menjadi

$$U_{24} = 5.000.000(1,03)^{23}$$

$$U_{24} = 5.000.000(1,974)$$

$$U_{24} = 9.867.933$$

Jadi uang pedagang tersebut selama 2 tahun sekitar Rp. 9.867.933,00

### Contoh 6

Suatu jenis bakteri berkembangbiak dengan cara membelah diri, dalam 10 menit setiap bakteri membelah diri menjadi 3. Awalnya dalam tabung terdapat 100

bakteri. Tentukan banyaknya bakteri dalam tabung tersebut setelah berkembangbiak selama 1 jam.

**Jawab :**

1 jam : 60 menit

Dalam 10 menit setiap bakteri berkembangbiak menjadi 3, maka dalam 1 jam bakteri itu membelah diri sebanyak 6 kali

Dalam bentuk barisan geometri

100, 100(3), 100(3(3)), dst.....

$$U_n = ar^{n-1}$$

$$a = 100$$

$$r = 3$$

maka

$$U_n = ar^{n-1}$$

$$U_{100} = 100.3^{7-1} = 100.3^6 = 72.900$$

## **KESIMPULAN**

Dari

penjelas di atas dapat ditarik kesimpulan Berikut adalah beberapa kegunaan mempelajari barisan geometri dalam kehidupan sehari-hari:

1. Menghitung simpanan uang di bank dengan besar bunga tertentu (bunga Majemuk)
2. Menghitung perkembangan biakan bakteri dalam tabung di suatu laboratorium



### Ayo Berlatih

Kerjakan soal-soal berikut !

1. Tentukan suku pertama, rasio dan  $U_n$  , jika
  - a.  $U_3 = 18$  dan  $U_5 = 162$
  - b.  $U_4 = 2$  dan  $U_6 = \frac{1}{2}$
2. Suku pertama dari suatu barisan geometri sama dengan 5, sedangkan suku ke-6 sama dengan  $-160$ .
  - a. Carilah rasio
  - b. Carilah suku ke  $- 8$
  - c. Suku keberapakah yang nilainya sama dengan  $-640$ ?
3. Pertambahan penduduk suatu kota tiap tahun mengikuti aturan barisan geometri. Pada tahun 2016 pertambahannya sebanyak 6 orang, tahun 2018 sebanyak 54 orang. Berapakah pertambahan penduduk pada tahun 2021?
4. Bakteri A berkembang biak menjadi dua kali lipat setiap lima menit. Setelah 15 menit, banyak bakteri ada 400. Berapa banyak bakteri setelah 30 menit?
5. Sebuah bank memberikan bunga tabungan sebesar 12% pertahun dengan bunga majemuk, yaitu bunganya berbunga lagi setiap setelah satu tahun. Reva menabung di bank tersebut sebesar Rp 200.000,00. Tentukan besar tabungan Reva setelah 4 tahun !
6. Bandul adalah sembarang obyek yang digantungkan pada suatu titik tertentu dan dibiarkan untuk mengayun dengan bebas di bawah pengaruh dari gaya gravitasi. Misalkan ayunan suatu bandul masing-masing panjangnya 0,8 dari ayunan sebelumnya. Lama kelamaan, ayunan bandul tersebut akan semakin pendek dan akan berhenti (walaupun secara teoritis tidak akan pernah berhenti) Seberapa panjangkah ayunan ke-6 dari bandul tersebut, apabila panjang ayunan pertamanya adalah 125 cm?



## KEGIATAN BELAJAR 2

### Deret Geometri

Seperti halnya dengan deret aritmatika, jika kita memiliki suatu barisan geometri maka dapat dibentuk suatu deret yang merupakan penjumlahan berurut dari suku-suku barisan tersebut, yang disebut **deret geometri**.

Definisi :

**Jika diketahui  $U_1, U_2, U_3, \dots, U_n$  merupakan suku-suku dari barisan geometri, maka  $U_1 + U_2 + U_3 + \dots + U_n$  disebut deret geometri, dengan  $U_n = ar^{n-1}$**

Jika  $S_n$  merupakan jumlah  $n$  suku pertama dari suatu deret geometri, maka rumus umum untuk  $S_n$  dapat ditentukan dengan langkah-langkah sebagai berikut :

$$S_n = U_1 + U_2 + U_3 + \dots + U_n \text{ maka}$$

$$S_n = a + ar + ar^2 + \dots + ar^{n-1}$$

Kalikan  $S_n$  dengan  $r$

$$rS_n = ar + ar^2 + ar^3 + \dots + ar^{n-1} + ar^n$$

Kurangkan  $rS_n$  dengan  $S_n$

$$S_n = a + ar + ar^2 + \dots + ar^{n-1}$$

$$\underline{rS_n = ar + ar^2 + ar^3 + \dots + ar^{n-1} + ar^n} \quad -$$

$$S_n - rS_n = a - ar^n$$

$$S_n(1-r) = a(1-r^n)$$

$$S_n = \frac{a(1-r^n)}{1-r}$$

Jadi rumus umum jumlah n suku pertama deret geometri adalah :

$$S_n = \frac{a(1-r^n)}{1-r} \quad \text{untuk } r < 1$$

$$S_n = \frac{a(r^n-1)}{r-1} \quad \text{untuk } r > 1$$

### Contoh 1:

Hitunglah jumlah 7 suku pertama deret geometri  $-2 + 1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{4} - \dots$

Jawab :

$$-2 + 1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{4} - \dots$$

Dalam hal ini :  $a = -2$  ,  $r = -\frac{1}{2}$  , dan  $n = 7$

Oleh karena  $r = -\frac{1}{2} < 1$  , maka gunakan rumus  $S_n = \frac{a(1-r^n)}{1-r}$

$$S_7 = -2 \frac{\left[1 - \left(-\frac{1}{2}\right)^7\right]}{1 - \left(-\frac{1}{2}\right)} = \frac{-2\left(1 + \frac{1}{128}\right)}{\frac{3}{2}} = \frac{-4\left(\frac{129}{128}\right)}{3}$$

$$S_7 = -4\left(\frac{129}{128}\right) \times \frac{1}{3} = -\frac{43}{32}$$

### Contoh 2:

Tentukan nilai  $n$  yang memenuhi  $2 + 2^2 + 2^3 + \dots + 2^n = 510!$

Jawab :

Dari deret  $2 + 2^2 + 2^3 + \dots + 2^n = 510$  didapat  $a = 2$  dan  $r = 2$ , sehingga

$$\rightarrow S_n = \frac{a(r^n - 1)}{r - 1}$$

$$\rightarrow 510 = \frac{2(2^n - 1)}{2 - 1}$$

$$\rightarrow 510 = 2(2^n - 1)$$

$$\rightarrow 255 = 2^n - 1$$

$$\rightarrow 256 = 2^n$$

$$\rightarrow n = 8$$

**Contoh 3:**

Seutas tali dipotong menjadi 7 bagian dan panjang masing–masing potongan membentuk barisan geometri. Jika panjang potongan tali terpendek sama dengan 6cm dan potongan tali terpanjang sama dengan 384cm, panjang keseluruhan tali tersebut adalah ... cm.

Jawab :

$$U_1 = a = 6$$

$$U_7 = ar^6 = 384$$

$$6.r^6 = 384$$

$$r^6 = 64 \rightarrow r = 2$$

$$S_n = \frac{a(r^n - 1)}{r - 1} =$$

$$S_7 = \frac{6(2^7 - 1)}{2 - 1}$$

$$S_7 = \frac{6(128 - 1)}{2 - 1} = 762$$



Kerjakan soal berikut dengan benar !

1. Hitunglah jumlah 8 suku pertama pada setiap deret geometri berikut ini :
  - a.  $5+10+15+\dots\dots\dots$
  - b.  $1-2+4-\dots\dots\dots$
  - c.  $27-9+3-\dots\dots\dots$
2. Hitunglah jumlah setiap deret geometri berikut ini:
  - a.  $2 + 6 + 18 + \dots + 4374$
  - b.  $1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{4} - \dots\dots + \frac{1}{64}$
3. Suku ke lima dari suatu deret geometri sama dengan 8, sedangkan suku kesepuluh sama dengan  $-256$ . Tentukan :Suku pertama dan rasio deret geometri itu
4. Bandul adalah sembarang obyek yang digantungkan pada suatu titik tertentu dan dibiarkan untuk mengayun dengan bebas di bawah pengaruh dari gaya gravitasi. Misalkan ayunan suatu bandul masing-masing panjangnya 0,8 dari ayunan sebelumnya. Lama kelamaan, ayunan bandul tersebut akan semakin pendek dan akan berhenti (walaupun secara teoritis tidak akan pernah berhenti). Berapakah panjang lintasan total yang telah dilalui oleh bandul tersebut sampai ayunan yang ke-6?
5. Pesawat terbang melaju dengan kecepatan 300 km/jam pada menit pertama. Kecepatan pada menit berikutnya  $\frac{1}{2}$  kali dari kecepatan sebelumnya. Tentukan panjang lintasan seluruhnya dalam 4 menit pertama !

KasminadanToali. 2018. *Matematika untuk SMK/MAK Kelas X*.  
Jakarta: Erlangga.

Kasmina, dkk. 2008. *Matematika Program keahlian Teknologi, Kesehatan, dan Pertanian untuk SMK dan MAK Kelas XI*.  
Jakarta: Erlangga

Kasmina. 2018. *Xpress UN 2019 untuk SMK/MAK Matematika*.  
Jakarta: Erlangga

<https://youtu.be/8gQF98k0VdY>